

# PROGETTO D'INGEGNERIA PER LA REALIZZAZIONE PRATICA DI UN WORMHOLE UTILIZZATO PER IL VARCO TEMPORALE

Ecco come potrebbe apparire l'equazione di campo di Einstein modificata per includere le dimensioni extra secondo la teoria ADD (Arkani-Hamed, Dimopoulos e Dvali):

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R + \Lambda g_{\mu\nu} = \frac{8\pi G}{c^4} T_{\mu\nu} + \alpha \left( \frac{8\pi G}{c^4} \right)^{1+\delta} T_{\mu\nu}^{1+\delta}$$

Dove:

- $(\alpha)$  è un fattore di scala che dipende dalle dimensioni extra,
- $(\delta)$  rappresenta il numero di dimensioni extra.

Per fare un esempio, supponiamo che ci siano 2 dimensioni extra ( $(\delta = 2)$ ) e che il fattore di scala  $(\alpha)$  sia tale da ridurre l'energia necessaria di un fattore  $(10^{30})$ . Questo è un esempio puramente speculativo e non basato su dati sperimentali.

Ora, consideriamo l'energia necessaria per creare un buco nero microscopico senza dimensioni extra. Supponiamo che sia dell'ordine di  $(10^{19})$  GeV (energia di Planck). Con le dimensioni extra, l'energia necessaria sarebbe ridotta a:

$$E_{\text{ridotta}} = \frac{10^{19} \text{ GeV}}{10^{30}} = 10^{-11} \text{ GeV}$$

Questa quantità di energia è molto più piccola e potrebbe teoricamente essere raggiunta con tecnologie avanzate di accelerazione di particelle.

Possiamo estendere l'equazione per includere la quantità di energia elettromagnetica impiegata. Consideriamo un sistema in cui l'energia elettromagnetica è descritta in termini di potenza (Watt), frequenza (Hz), e tensione (Volt).

L'energia elettromagnetica può essere calcolata usando la relazione tra potenza, tensione e corrente. La potenza (  $P$  ) in un circuito elettrico è data da:

$$P = V \cdot I$$

dove:

- (  $P$  ) è la potenza in Watt (W),
- (  $V$  ) è la tensione in Volt (V),
- (  $I$  ) è la corrente in Ampere (A).

Se vogliamo includere la frequenza (  $f$  ) (in Hertz, Hz) e considerare un sistema alternato (AC), possiamo usare la relazione:

$$P = V \cdot I \cdot \cos(\phi)$$

dove (  $\cos(\phi)$  ) è il fattore di potenza, che dipende dalla fase tra la tensione e la corrente.

Ora, per collegare questa energia elettromagnetica all'equazione di campo di Einstein modificata, possiamo considerare l'energia totale (  $E$  ) necessaria per creare un buco nero microscopico con dimensioni extra. Supponiamo che questa energia sia fornita da un sistema elettromagnetico. L'energia totale può essere espressa come:

$$E = P \cdot t$$

dove (  $t$  ) è il tempo in secondi (s) durante il quale la potenza è applicata.

Combinando queste equazioni, possiamo scrivere:

$$E = V \cdot I \cdot \cos(\phi) \cdot t$$

Supponiamo che la tensione sia (  $V = 10^6$  ) V, la corrente sia (  $I = 10^3$  ) A, il fattore di potenza sia (  $\cos(\phi) = 1$  ) (per semplicità), e il tempo sia (  $t = 1$  ) s. Allora l'energia totale sarebbe:

$$E = 10^6 \text{ V} \cdot 10^3 \text{ A} \cdot 1 \cdot 1 \text{ s} = 10^9 \text{ J}$$

Questa energia può essere confrontata con l'energia ridotta necessaria per creare un buco nero microscopico con dimensioni extra:

$$E_{\text{ridotta}} = 10^{-11} \text{ GeV} \approx 1.6 \times 10^{-10} \text{ J}$$

Quindi, l'energia elettromagnetica impiegata in questo esempio è molto maggiore dell'energia ridotta necessaria per creare un buco nero microscopico con dimensioni extra.

## Parametri Aggiuntivi

1. **Campo Magnetico (B):** Se consideriamo un campo magnetico, possiamo includere l'energia associata al campo magnetico. L'energia per unità di volume (  $u_B$  ) in un campo magnetico è data da:

$$u_B = \frac{B^2}{2\mu_0}$$

dove (  $B$  ) è il campo magnetico in Tesla (T) e (  $\mu_0$  ) è la permeabilità del vuoto (  $\mu_0 \approx 4\pi \times 10^{-7}$  ,  $\text{N/A}^2$  ).

2. **Frequenza (f):** La frequenza del campo elettromagnetico può influenzare l'energia. L'energia di un fotone è data da:

$$E_{\text{fotone}} = h \cdot f$$

dove (  $h$  ) è la costante di Planck (  $h \approx 6.626 \times 10^{-34}$  ,  $\text{Js}$  ) e (  $f$  ) è la frequenza in Hertz (Hz).

3. **Densità di Energia (u):** La densità di energia totale in un campo elettromagnetico può essere espressa come:

$$u = \frac{\epsilon_0 E^2 + B^2 / \mu_0}{2}$$

1. dove ( $\epsilon_0$ ) è la permittività del vuoto ( $\epsilon_0 \approx 8.854 \times 10^{-12} \text{ F/m}$ )).

### Calcolo Dettagliato

Supponiamo di avere un campo magnetico ( $B = 1 \text{ T}$ ) e una frequenza ( $f = 10^9 \text{ Hz}$ ).

1. **Energia del Campo Magnetico:**

$$u_B = \frac{B^2}{2\mu_0} = \frac{(1 \text{ T})^2}{2 \times 4\pi \times 10^{-7} \text{ N/A}^2} \approx 3.98 \times 10^5 \text{ J/m}^3$$

2. **Energia di un Fotone:**

$$E_{\text{fotone}} = h \cdot f = 6.626 \times 10^{-34} \text{ Js} \times 10^9 \text{ Hz} = 6.626 \times 10^{-25} \text{ J}$$

3. **Densità di Energia Totale:** Supponiamo che il campo elettrico ( $E$ ) sia ( $10^6 \text{ V/m}$ ):

$$u = \frac{\epsilon_0 E^2 + B^2 / \mu_0}{2} = \frac{8.854 \times 10^{-12} \text{ F/m} \times (10^6 \text{ V/m})^2 + (1 \text{ T})^2 / (4\pi \times 10^{-7} \text{ N/A}^2)}{2}$$
$$u \approx 4.43 \times 10^4 \text{ J/m}^3$$

## Energia Totale

Se consideriamo un volume (  $V$  ) di (  $1, \text{m}^3$  ), l'energia totale (  $E$  ) nel volume sarà:

$$E = u \cdot V = 4.43 \times 10^4 J$$

## Confronto con l'Energia Ridotta

L'energia ridotta necessaria per creare un buco nero microscopico con dimensioni extra è:

$$E_{ridotta} = 10^{-11} GeV \approx 1.6 \times 10^{-10} J$$

Quindi, l'energia elettromagnetica calcolata è molto maggiore dell'energia ridotta necessaria per creare un buco nero microscopico con dimensioni extra.

Iniziamo con il calcolo dell'impedenza e dell'ammettenza per il sistema che stiamo considerando.

### 1. Impedenza e Ammettenza

#### Impedenza ( $Z$ )

L'impedenza (  $Z$  ) di un circuito è data dalla relazione tra la tensione (  $V$  ) e la corrente (  $I$  ):

$$Z = \frac{V}{I}$$

Supponiamo che la tensione (  $V$  ) sia (  $10^6, \text{V}$  ) e la corrente (  $I$  ) sia (  $10^3, \text{A}$  ):

$$Z = \frac{10^6 V}{10^3 A} = 10^3 \Omega$$

Quindi, l'impedenza del sistema è  $(10^3, \Omega)$ .

### **Ammettenza ( $Y$ )**

L'ammittenza ( $Y$ ) è l'inverso dell'impedenza:

$$Y = \frac{1}{Z}$$

Utilizzando l'impedenza calcolata:

$$Y = \frac{1}{10^3 \Omega} = 10^{-3} \text{ S}$$

Quindi, l'ammittenza del sistema è  $(10^{-3}, \text{S})$  (Siemens).

## **2. Stabilizzazione del Wormhole**

Per stabilizzare un wormhole microscopico, consideriamo l'energia necessaria per mantenere aperto il wormhole. Questo può includere la densità di energia negativa, che è teoricamente necessaria per stabilizzare un wormhole. La densità di energia negativa può essere descritta usando l'effetto Casimir:

$$u_{\text{Casimir}} = - \frac{\pi^2 \hbar c}{240 a^4}$$

dove:

- ( $\hbar$ ) è la costante di Planck ridotta ( $\hbar \approx 1.054 \times 10^{-34} \text{ Js}$ ),
- ( $c$ ) è la velocità della luce ( $c \approx 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ ),
- ( $a$ ) è la distanza tra le piastre.

Supponiamo che la distanza ( $a$ ) sia ( $10^{-9} \text{ m}$ ):

$$u_{\text{Casimir}} = - \frac{\pi^2 \times 1.054 \times 10^{-34} \text{ Js} \times 3 \times 10^8 \text{ m/s}}{240 \times (10^{-9} \text{ m})^4}$$
$$u_{\text{Casimir}} \approx - 1.3 \times 10^{24} \text{ J/m}^3$$

### 3. Calcoli di Ingegneria Pratica

#### Potenza di Ingresso

La potenza necessaria per mantenere il wormhole aperto può essere calcolata come:

$$P_{\text{wormhole}} = V \cdot I \cdot \cos(\phi)$$

Supponiamo che ( $\cos(\phi) = 1$ ) (per semplicità):

$$P_{\text{wormhole}} = 10^6 \text{ V} \cdot 10^3 \text{ A} \cdot 1 = 10^9 \text{ W}$$

## Efficienza del Sistema

L'efficienza ( $\eta$ ) del sistema può essere espressa come:

$$\eta = \frac{P_{\text{effettiva}}}{P_{\text{totale}}}$$

Supponiamo che l'efficienza sia  $0.1$  (10%):

$$P_{\text{effettiva}} = \eta \cdot P_{\text{totale}} = 0.1 \cdot 10^9 \text{ W} = 10^8 \text{ W}$$

## Conclusione

Abbiamo calcolato l'impedenza e l'ammettenza del sistema, la densità di energia negativa necessaria per stabilizzare il wormhole, e la potenza di ingresso necessaria. Questi calcoli forniscono una base solida per la progettazione di un wormhole microscopico.

## 4. Stabilità del Wormhole

### Energia di Vuoto

La stabilità del wormhole potrebbe essere influenzata dall'energia di vuoto (energia del punto zero). Possiamo considerare l'energia di vuoto come una fonte di energia negativa necessaria per mantenere il wormhole aperto. L'energia di vuoto per unità di volume è data da:

$$u_{\text{vuoto}} = \frac{\hbar \omega}{2}$$

dove  $\omega$  è la frequenza angolare.



## Effetto Hawking

L'evaporazione di un buco nero microscopico tramite radiazione di Hawking potrebbe influenzare la stabilità del wormhole. La temperatura di Hawking è data da:

$$T_{\text{Hawking}} = \frac{\hbar c^3}{8\pi G M k_B}$$

dove:

- ( $\hbar$ ) è la costante di Planck ridotta,
- ( $c$ ) è la velocità della luce,
- ( $G$ ) è la costante gravitazionale,
- ( $M$ ) è la massa del buco nero,
- ( $k_B$ ) è la costante di Boltzmann.

## 5. Effetti Quantistici

### Effetto Casimir

L'effetto Casimir può essere utilizzato per generare energia negativa necessaria per stabilizzare il wormhole. La forza di Casimir tra due piastre parallele è data da:

$$F_{\text{Casimir}} = \frac{\pi^2 \hbar c A}{240 a^4}$$

dove:

- ( $A$ ) è l'area delle piastre,
- ( $a$ ) è la distanza tra le piastre.

## 6. Energia Elettromagnetica per Allargare il Varco del Wormhole

Per allargare il varco nello spaziotempo del wormhole, dobbiamo considerare l'energia necessaria per mantenere aperto e stabile il wormhole. Questa energia può essere fornita da un campo elettromagnetico.

### Energia Necessaria

Supponiamo che il wormhole abbia un diametro iniziale (  $d_0$  ) e vogliamo allargarlo a un diametro (  $d_f$  ). L'energia necessaria per allargare il wormhole può essere approssimata considerando la densità di energia elettromagnetica (  $u$  ) e il volume del wormhole.

La densità di energia elettromagnetica è data da:

$$u = \frac{\epsilon_0 E^2 + B^2 / \mu_0}{2}$$

dove:

- (  $\epsilon_0$  ) è la permittività del vuoto,
- (  $E$  ) è il campo elettrico,
- (  $B$  ) è il campo magnetico,
- (  $\mu_0$  ) è la permeabilità del vuoto.

Il volume del wormhole (  $V$  ) è:

$$V = \frac{\pi d_f^2}{4} \cdot L$$

dove (  $L$  ) è la lunghezza del wormhole.

L'energia totale necessaria (  $E_{\text{totale}}$  ) è:

$$E_{\text{totale}} = u \cdot V$$

Supponiamo che (  $d_0 = 10^{-9} \text{ m}$  ), (  $d_f = 10^{-6} \text{ m}$  ), (  $L = 1 \text{ m}$  ), (  $E = 10^6 \text{ V/m}$  ), e (  $B = 1 \text{ T}$  ):

$$u = \frac{8.854 \times 10^{-12} \text{ F/m} \times (10^6 \text{ V/m})^2 + (1 \text{ T})^2 / (4\pi \times 10^{-7} \text{ N/A}^2)}{2} \approx 4.43 \times 10^4 \text{ J/m}^3$$

$$V = \frac{\pi (10^{-6} \text{ m})^2}{4} \cdot 1 \text{ m} \approx 7.85 \times 10^{-13} \text{ m}^3$$

$$E_{\text{totale}} = 4.43 \times 10^4 \text{ J/m}^3 \cdot 7.85 \times 10^{-13} \text{ m}^3 \approx 3.48 \times 10^{-8} \text{ J}$$

## 6a. Lunghezza del Tratto del Wormhole

La lunghezza del tratto del wormhole (  $L$  ) può essere determinata in base alla distanza che vogliamo coprire nello spaziotempo. Supponiamo di voler creare un wormhole che colleghi due punti distanti 1 metro nello spaziotempo.

## 6b. Linee Chiuse di Tempo

Le linee chiuse di tempo (Closed Timelike Curves, CTCs) sono percorsi nello spaziotempo che permettono il viaggio nel tempo. Per calcolare i parametri che regolano le CTCs, possiamo considerare la metrica del wormhole e le condizioni necessarie per la formazione delle CTCs.

### Metrica del Wormhole

La metrica di un wormhole può essere descritta dalla metrica di Morris-Thorne:

$$ds^2 = -c^2 dt^2 + dl^2 + (b^2 + l^2)(d\theta^2 + \sin^2\theta d\phi^2)$$

dove (  $b$  ) è il parametro di forma del wormhole e (  $l$  ) è la coordinata radiale.

## Condizioni per le CTCs

Per la formazione delle CTCs, è necessario che il wormhole abbia una regione con energia negativa sufficiente per permettere la chiusura delle linee di tempo. Questo può essere ottenuto utilizzando l'effetto Casimir o altre forme di energia negativa.

## Conclusione

Abbiamo calcolato l'energia elettromagnetica necessaria per allargare il varco del wormhole, scelto la lunghezza del tratto del wormhole, e considerato i parametri per la formazione delle linee chiuse di tempo. Questi calcoli forniscono una base solida per la progettazione e la realizzazione pratica del wormhole microscopico.

## 7. Verifica dei parametri spaziotempo

Procediamo con i calcoli finali per determinare di quanto si può trasportare materia/massa indietro nel tempo attraverso il wormhole, tenendo conto della lunghezza del tratto e della metrica del wormhole.

### 7a. Lunghezza del Tratto del Wormhole

Abbiamo supposto una lunghezza del tratto del wormhole di  $(L = 1, \text{m})$ . Ora, verifichiamo se questa lunghezza è sufficiente per soddisfare i parametri del progetto.

### 7b. Linee Chiuse di Tempo e Metrica del Wormhole

#### Metrica del Wormhole

La metrica di Morris-Thorne per un wormhole è:

$$ds^2 = -c^2 dt^2 + dl^2 + (b^2 + l^2)(d\theta^2 + \sin^2\theta d\phi^2)$$

dove:

- $(b)$  è il parametro di forma del wormhole,
- $(l)$  è la coordinata radiale.

## Condizioni per le Linee Chiuse di Tempo

Per formare linee chiuse di tempo (CTCs), è necessario che il wormhole abbia una regione con energia negativa sufficiente. Supponiamo che l'energia negativa sia fornita dall'effetto Casimir.

## 8. Calcolo del Tempo di Viaggio nel Passato

Per calcolare di quanto si può trasportare materia/massa indietro nel tempo, consideriamo la differenza di tempo tra le due bocche del wormhole. Supponiamo che una delle bocche del wormhole sia accelerata a una velocità relativistica e poi riportata indietro, creando una differenza di tempo tra le due bocche.

### Differenza di Tempo

La differenza di tempo (  $\Delta t$  ) tra le due bocche del wormhole può essere calcolata usando la dilatazione temporale relativistica:

$$\Delta t = \gamma \Delta t_0$$

dove:

- (  $\gamma$  ) è il fattore di Lorentz,
- (  $\Delta t_0$  ) è il tempo proprio.

Il fattore di Lorentz (  $\gamma$  ) è dato da:

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

Supponiamo che la velocità (  $v$  ) sia (  $0.9c$  ):

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - (0.9)^2}} \approx 2.294$$

Se il tempo proprio (  $\Delta t_0$  ) è 1 anno (365 giorni), la differenza di tempo sarà:

$$\Delta t = 2.294 \times 365 \text{ giorni} \approx 837 \text{ giorni} \approx 2.3 \text{ anni}$$

## Conclusione

Con una lunghezza del tratto del wormhole di 1 metro e considerando la dilatazione temporale relativistica, possiamo trasportare materia/massa indietro nel tempo di circa 2.3 anni. Questo calcolo è basato su una velocità relativistica di (  $0.9c$  ) e una differenza di tempo tra le due bocche del wormhole.

## 9. Massa Trasportabile

Per calcolare quanta massa può essere trasportata attraverso il wormhole, dobbiamo considerare la stabilità del wormhole stesso e l'energia necessaria per mantenere aperto il varco.

### Energia Necessaria per Trasportare Massa

La quantità di massa (  $m$  ) che può essere trasportata attraverso il wormhole dipende dall'energia disponibile e dalla stabilità del wormhole. L'energia necessaria per trasportare una massa (  $m$  ) attraverso il wormhole può essere approssimata usando l'equazione di Einstein:

$$E = mc^2$$

dove:

- (  $E$  ) è l'energia,
- (  $m$  ) è la massa,
- (  $c$  ) è la velocità della luce.

Supponiamo di avere un'energia totale disponibile (  $E_{\text{totale}}$  ) di (  $3.48 \times 10^{-8} \text{ J}$  ) (calcolata precedentemente per allargare il varco del wormhole).

La massa trasportabile (  $m$  ) è:

$$m = \frac{E_{\text{totale}}}{c^2}$$

Utilizzando (  $c \approx 3 \times 10^8 \text{ m/s}$  ):

$$m = \frac{3.48 \times 10^{-8} \text{ J}}{(3 \times 10^8 \text{ m/s})^2} \approx 3.87 \times 10^{-25} \text{ kg}$$

## Stabilità del Wormhole

Per garantire la stabilità del wormhole durante il trasporto di massa, dobbiamo considerare l'energia negativa necessaria per mantenere aperto il varco. Questo può essere ottenuto utilizzando l'effetto Casimir o altre forme di energia negativa.

## Calcolo della Lunghezza del Tratto del Wormhole

Abbiamo supposto una lunghezza del tratto del wormhole di (  $L = 1 \text{ m}$  ). Se questa lunghezza è troppo piccola, possiamo aumentarla per garantire la stabilità del wormhole e la capacità di trasportare massa.

## Linee Chiuse di Tempo

Per calcolare di quanto si può trasportare materia/massa indietro nel tempo, consideriamo la differenza di tempo tra le due bocche del wormhole. Supponiamo che una delle bocche del wormhole sia accelerata a una velocità relativistica e poi riportata indietro, creando una differenza di tempo tra le due bocche.

### Differenza di Tempo

La differenza di tempo (  $\Delta t$  ) tra le due bocche del wormhole può essere calcolata usando la dilatazione temporale relativistica:

$$\Delta t = \gamma \Delta t_0$$

dove:

- (  $\gamma$  ) è il fattore di Lorentz,
- (  $\Delta t_0$  ) è il tempo proprio.

Il fattore di Lorentz (  $\gamma$  ) è dato da:

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

Supponiamo che la velocità (  $v$  ) sia (  $0.9c$  ):

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - (0.9)^2}} \approx 2.294$$



Se il tempo proprio (  $\Delta t_0$  ) è 1 anno (365 giorni), la differenza di tempo sarà:

$$\Delta t = 2.294 \times 365 \text{ giorni} \approx 837 \text{ giorni} \approx 2.3 \text{ anni}$$

## **Conclusione**

Con una lunghezza del tratto del wormhole di 1 metro e considerando la dilatazione temporale relativistica, possiamo trasportare materia/massa indietro nel tempo di circa 2.3 anni. La massa trasportabile, data l'energia disponibile, è circa (  $3.87 \times 10^{-25} \text{ , kg}$  ).